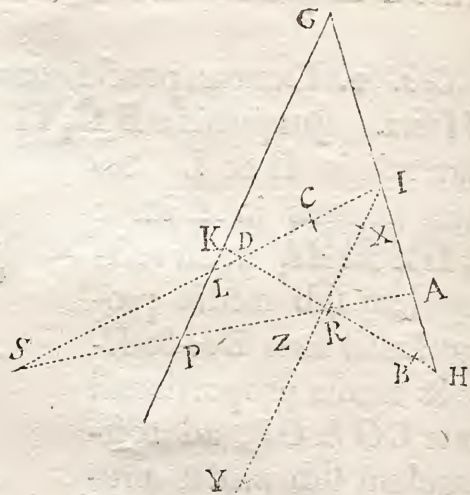


## Prop. XXIV. Prob. XVI.

*Trajectoriam describere quæ transibit per data tria puncta & rectas  
duas positione datas continget.*

Dentur tangentes  $HI$ ,  $KL$  & puncta  $B$ ,  $C$ ,  $D$ . Age  $BD$  tangentibus occurrentem in punctis  $H$ ,  $K$ , &  $CD$  tangentibus occurrentem in punctis  $I$ ,  $L$ . Actas ita seca in  $R$  &  $S$ , ut sit  $HR$  ad  $KR$  ut est media proportionalis inter  $BH$  &  $HD$  ad mediam proportionalem inter  $BK$  &  $KD$ ; &  $IS$  ad  $LS$  ut est media proportionalis inter  $CI$  &  $ID$  ad mediam proportionalem inter  $CL$  &  $LD$ . Age  $RS$  secantem tangentes in  $A$  &  $P$ , & erunt  $A$  &  $P$  puncta contactus. Nam si per punctorum  $H$ ,  $I$ ,  $K$ ,  $L$  quodvis  $I$  agatur recta  $IY$  tangenti  $KL$  parallela & occurrens curvæ in  $X$  &  $T$ , & in ea sumatur  $IZ$  media proportionalis inter  $IX$  &  $IY$ : erit, ex Conicis, rectangulum  $XIY$  (seu  $IZ$  quad.) ad  $LP$  quad. ut rectangulum  $CID$  ad rectangulum  $CLD$ ; id est (per constructionem) ut  $SI$  quad. ad  $SL$  quad. atq; adeo  $IZ$  ad  $LP$  ut  $SI$  ad  $SL$ . Jacent ergo puncta  $S$ ,  $P$ ,  $Z$  in una recta. Porro tangentibus concurrentibus in  $G$ , erit (ex Conicis) rectangulum  $XIY$  (seu  $IZ$  quad.) ad  $IA$  quad. ut  $GP$  quad. ad  $GA$  quad., adeoq;  $IZ$  ad  $IA$  ut  $GP$  ad  $GA$ . Jacent ergo puncta  $P$ ,  $Z$  &  $A$  in una recta, adeoq; puncta  $S$ ,  $P$  &  $A$  sunt in una recta. Et eodem argumento probabitur quod puncta  $R$ ,  $P$  &  $A$  sunt in una recta. Jacent igitur puncta contactus  $A$  &  $P$  in recta  $SR$ .  
Hisce



Hisce autem inventis, Problematis superioris.

*Figuras in alias*  
Transmutanda sit figura tu rectæ duæ parallelæ tam  $AB$  secantes in  $A$  &  $B$ , & a figuræ puncto quovis  $G$ , ad rectam  $AB$  ducatur  $GD$ , ipsi  $OA$  parallela. Deinde a puncto aliquo  $O$  in linea  $OA$  dato ad punctum  $D$  ducatur recta  $OD$ , ipsi  $BL$  occurrens in  $d$ , & a puncto occursus erigatur recta  $gd$ , datum quemvis atq; eam habens rationem erit  $g$  punctum in figura novæ. Concipe igitur puncta omnia figuræ continuo percurrere puncta ordinatam novam;  $BD$  ab  $O$  polum,  $OD$  radium primum &  $Od$  (quo par) dium ordinatum novum.  
Dico jam quod si puncta datam, punctum  $g$  tange